

# 一种基于 MFP 树的快速关联规则挖掘算法

李志云, 周国祥

(合肥工业大学 计算机与信息学院, 安徽 合肥 230009)

**摘要:**在关联规则挖掘 FP-Growth 算法的基础上, 提出一种基于 MFP 树的快速关联规则挖掘算法。文中给出了 MFP 算法的工作原理。MFP 算法能在一次扫描事务数据库的过程中, 把该数据库转换成 MFP 树, 然后对 MFP 树进行关联规则挖掘。MFP 算法比 FP-Growth 算法减少一次对事务数据的扫描, 因此具有较高的时间效率。

**关键词:**关联规则挖掘; MFP 树; MFP 算法

中图分类号: TP301.6

文献标识码: A

文章编号: 1673-629X(2007)06-0094-03

## A Fast Association Rule Mining Algorithm Based on MFP Tree

LI Zhi-yun, ZHOU Guo-xiang

(School of Computer & Information, Hefei University of Technology, Hefei 230009, China)

**Abstract:** Based on FP-Growth algorithm of association rule mining, this paper presents a new association rule mining algorithm called MFP Tree. The MFP algorithm can convert a transaction database into an MFP tree through scanning the database only once, and then do the mining of the tree. Because the MFP algorithm scans a transaction database one time less the FP-growth algorithm, the MFP algorithm is more efficient with time.

**Key words:** association rule mining; MFP tree; MFP algorithm

### 1 概述

关联规则的挖掘是数据挖掘研究的重要内容之一, 它反映了大量数据中项目集之间有趣的关联或相关联系<sup>[1]</sup>。关联规则挖掘中最重要的是进行频繁模式的挖掘<sup>[2]</sup>。挖掘频繁模式的经典算法是 Apriori 算法和 FP-Growth 算法<sup>[3]</sup>。

Apriori 算法使用广泛, 大家比较熟悉。FP-Growth 算法是用于从事务数据库中挖掘布尔型关联规则的频繁模式。它的挖掘过程比较复杂, 但是可以简单地划分成三个基本步骤<sup>[4]</sup>: 首先是扫描事务数据库, 根据给出的 min-sup(最小支持度)建立 L 表; 然后第二次扫描事务数据库, 依据 L 表, 构建 Fp-tree; 最后对构建的 Fp-tree 进行挖掘, 找出所有的频繁模式。有了频繁模式就可以根据行业背景方便地建立所需的关联规则<sup>[5]</sup>。

尽管 FP-Growth 算法的关联规则挖掘效率比 Apriori 算法高, 但是它仍然需要扫描二次事务数据

库, 得到 L 表; 第二次扫描事务数据库, 构造出 Fp-tree。由于扫描实际的事务数据库的开销很大, 若能在此基础上再减少挖掘算法对事务数据库的扫描次数, 则能进一步有效地提高关联规则挖掘效率。为此, 设计了一种称之为 MFP 的快速关联规则挖掘算法。MFP 算法有 2 个基本步骤: 一是扫描事务数据库, 在扫描过程中就把事务数据库转换成类似于 Fp-tree 的树(下面称为 MFP 树), 并且保留了所有事务数据库中 item 间的关联信息; 二是挖掘 MFP 树, 从中找出所有可能的关联规则。与 FP-Growth 算法相比, MFP 算法只需对事务数据库扫描 1 次, 因而可提高关联规则挖掘的时间效率<sup>[6]</sup>。

### 2 MFP 算法的工作原理

#### 2.1 相关定义

**定义 1:** 事务数据库 D。用于存储交易记录的数据库, 数据库中的每一个交易记录都有唯一的标识。一个交易记录包括了一笔交易涉及到的所有 item 的有序排列。表 1 为一简化的事务数据库 D<sup>[7]</sup>。其中 T001 为事务数据库的首记录标号, T001 相对应的交易包括了 I1, I2 和 I5, 记录中的 item 按标号的顺序排列。

收稿日期: 2006-08-16

**作者简介:** 李志云(1969-), 女, 山东昌邑人, 硕士研究生, 研究方向为计算机软件与理论; 周国祥, 教授, 研究方向为计算机软件与理论。

表1 事务数据库

TID	List of item-ID's
T001	I1, I2, I5
T002	I2, I4
T003	I2, I3
T004	I1, I2, I4
T005	I1, I3
T006	I2, I3
T007	I1, I2
T008	I1, I2, I3, I5
T009	I1, I2, I3

定义2: MFP树由一个标号为NULL的根结点和数个树结点构成, 每一个结点可带有n个树结点( $n = 0, 1, 2, \dots$ ), 当 $n = 0$ 时, 称该结点为叶结点。由于MFP树用于表示一事务数据库, 树的结点用数据库中的item的标号表示。除根结点外, 每一个结点由Ii.count和Ii.pointer 2个域构成。其中Ii.count为该结点上出现的相同item个数, 标示在结点标号Ii右侧一括号中; Ii.pointer为指向其父结点的指针。

定义3: 路径结点组合C。它是MFP树的一叶结点, 由构成C的结点标识, 在标识符右侧用括号中的一数值表示该组合的记数值, 该记数值等于叶结点的Ii.count值。设一MFP树, 如图1所示<sup>[6]</sup>。

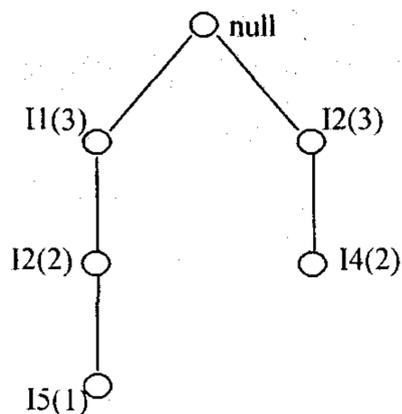


图1 MFP树及路径组合

I4, I5是叶结点, 分别形成二条到根结点的路径。由于 $I5.count = 1$ , I5路径上的结点为I1, I2, I5, 因此3个结点形成4个组合, 4个组合分别是:  $\{I5, I2\}(1)$ ,  $\{I5, I1\}(1)$ ,  $\{I5, I2, I1\}(1)$ ,  $\{I2, I1\}(1)$ ; I4路径上的结点为I2, I4, I4.Count = 2, 则2个结点形成的组合是:  $\{I4, I2\}(2)$ 。

定义4: 表TL是一指针队列, 表中每一个元素均指向一个MFP树的叶结点, 指针与叶结点一一对应。

定义5: 候选频繁模式集CF, 集合元素为C。

### 2.2 算法的工作原理

MFP算法分为构造MFP树和挖掘MFP树两部分。

#### (1) 构造MFP树。

首先创建MFP树的根结点NULL, 然后取事务数据库D的第一条记录, 并将其插入到MFP树中, 插入过程为: 取出记录中的第一个item, 若MFP树的根结点存在与该item标号相同的子结点, 则在该子结点的记数值(count域)上加1, 否则在根结点下创建一新的子结点, 以该item的标号作为新创建子结点的标识; 然后以被插入的结点为子树的根, 将记录中的下一个item按上述步骤插入到子树中; 如此重复, 使得记录中的所有item都被插入到MFP树中, 完成一条记录插入过程。接着, 再从事务数据库D中取下一条记录, 重复上述记录插入过程, 直到数据库中的记录全部被插入到MFP树中。由此, 经过一次扫描把事务数据库D转换成MFP树, 从树叶结点到根结点的一条路径对应了数据库的一条或多条记录, 并且保留了原来记录中item之间的关联信息。为便于后续的关联规则的挖掘, 在构建树的过程中, 使TL表的指针指向MFP树的叶结点, 指针与叶结点一一对应。

按上述过程, 可把表1所示的事务数据库D转换成图2所示的MFP树, 结点标号Ii右侧括号中的数值为该结点的Ii.count值<sup>[6]</sup>。

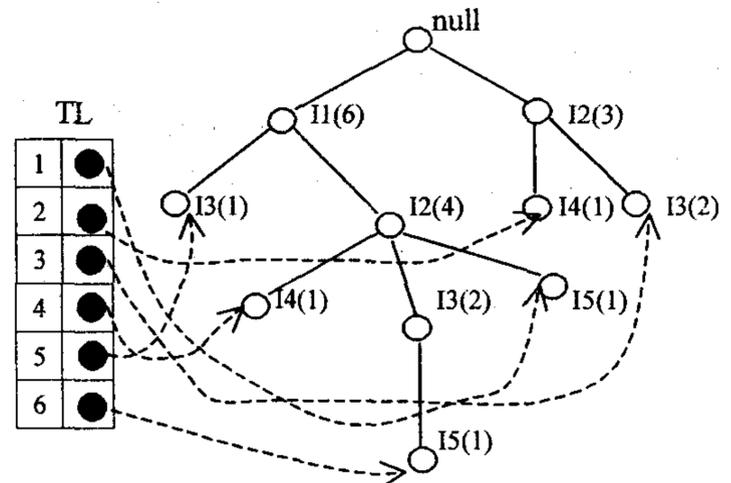


图2 事务数据库D转换成的MFP树  
(2) 挖掘MFP树。

取TL表中的首元素, 得到该元素指向的叶结点和从叶结点到根NULL的路径。对该路径上所有结点进行组合(根结点NULL除外), 按定义3设置各组合的标识和记数值。然后将所有的组合送入候选频繁模式集CF, 若CF中已经存在相同的组合(即组合的标识相同), 则进行合并。合并操作为: 组合标识保持不变, 记数值为二者之和。该路径上所有的组合进入候选频繁模式集CF后, 对该路径上的结点进行修正。修正过程为: 使该路径上的所有结点的Count值减去叶结点的Count值; 减去后, 若该路径上的叶结点存在不带其他子结点的父结点且父结点不是根NULL, 则将指向该叶结点的指针转向其父结点, 以它为叶结点, 对新的路径进行同样的操作。否则, 删除TL表中的这一指针。

此后,再取表 TL 的下一元素,重复上述过程,直到表中的元素都被取出,完成所有 MFP 树叶结点的处理。

最后,用给出的 min-sup 值(最小支持度)剔除 CF 中记数值小于 min-sup 的组合。这样,留在 CF 中的就是所要找的频繁模式,依次可构造出所要的候选关联规则,并可用给出的 min-conf(最小置信度)筛选出所需要的关联规则。

下面是对已构造的 MFP 树(图 2)进行挖掘的过程。

由 TL 表中的首元素指针找到叶结点 I5,从而得到路径结点 I5, I2, I1。对该 3 结点进行组合得 {I5, I2}(1), {I5, I1}(1), {I5, I2, I1}(1), {I2, I1}(1)。此时 CF 为空,因而四组合直接进入 CF。然后对该路径上的结点进行修正,将 I5, I2, I1 的 Count 值减 1。由于 I5 的父结点 I2 带有其他子结点,因此删除 TL 表中的这一指针元素。TL 表中最后的指针指向叶结点 I5,从而得到路径结点 I5, I3, I2, I1 和该 4 结点的各个组合,把组合送入 CF,并修正该路径上的结点。此时由于 I5 的父结点 I3 无其他的子结点,所以不删除 TL 表中该指针,只是将指向 I5 的指针改为指向其父结点 I3。然后再对以 I3 为叶结点的路径(由结点 I3, I2, I1 构成)进行同样的操作。最后,从 CF 中剔除记数值小于 min-sup(本例中 min-sup=2)的组合。对图 2 所示的 MFP 树挖掘后得到的 CF 如下所示:

CF = {{I3, I1}(3), {I2, I1}(4), {I3, I2}(4), {I5, I2}(2), {I5, I1}(2), {I4, I2}(2), {I5, I2, I1}(2), {I3, I2, I1}(2)}

### 3 MFP 算法

#### 3.1 算法

MFP 算法的伪代码如下所示:

输入:事务数据库 D, min-sup

输出:频繁模式集 CF

方法:

(1)构建 MFP 树。

创建根结点 NULL;

打开 D;

While(not eof)

{R=当前记录;

call insert\_tree(R, NULL);

记录指针下移 1 位;}

Procedure insert\_tree(record, root\_nod)

{while (record <> Φ)

{first = record 中首 Item;

从 record 中删除该 Item;

if (root\_nod 中存在标号为 first 的子结点 a)

a.count = a.count + 1;

else

{创建标号为 first 的结点 a;

a.count = 1;

a.pointer 指向 root\_nod;}

if(record = Φ)

{删除 TL 表中指向该路径上其他结点的指针;在 TL 表中创建指向结点 a 的指针;}

(2)挖掘 MFP 树(tree, TL)。

While(TL <> Φ)

{得到 TL 首元素指向的叶结点 a;

组合 a 到 NULL 路径上的结点形成 C<sub>1</sub>, C<sub>2</sub>, …, C<sub>m</sub>;

For (I=1; I ≤ m; I++)

{C<sub>i</sub>.count = a.count;

C<sub>i</sub> 标号设为构成该组合的结点的有序排列;

If (C<sub>i</sub> ∈ CF)

CF.C<sub>i</sub>.count = CF.C<sub>i</sub>.count + C<sub>i</sub>.count;

Else

C<sub>i</sub> 送入 CF;}

该路径上其他结点的 count 值减去叶结点的 count 值;

If (a 的父结点不存在其他子结点且不是根结点)

TL 中指向 a 结点的指针指向 a 的父结点;

Else

删除 TL 中指向 a 结点的指针;}

删除 CF 中 count 值 < min-sup 的组合;

#### 3.2 算法的实验运行结果

为了测试 MFP 算法的实际运行效果,在同样的软硬件环境下,用 MFP 算法和 FP\_Growth 算法分别对一实验商业事务数据库进行布尔关联规则挖掘测试。反复测试表明:两种算法挖掘出来的候选频繁集相同,而 MFP 算法的挖掘速度约提高 20%。由 MFP 算法的工作原理可知:事务数据库增大时, MFP 算法的时间效率将进一步增加。

当事务数据库很大,以至于难以在给定的计算机内存中构建一个与整个数据库对应的 MFP 树时,可将事务数据库按一定条件横向分割成几个子数据库,然后逐一在内存中构造对应的 MFP 树。将各自 MFP 树的路径结点组合送入一个总的 FC。最后再对 FC 进行处理,得到所有的频繁模式。因此, MFP 算法特别适用于对大型事务数据库的关联规则挖掘。

### 4 结束语

关联规则的挖掘具有重要的实用价值,在数据挖掘领域应用广泛<sup>[8]</sup>。由于被挖掘的事务数据库规模较大,关联规则挖掘算法的运行效率就显得特别重要。

(下转第 100 页)

表 1 的第 6 个对象矛盾,文献[13]中 LEM2 算法也可得到 7 条规则;但以上两种算法得到规则集的数目均比表 2 所示规则集多。对于不一致决策表而言,由算法 1 得到的决策树,不一致对象对应的决策属性值有两个,且简化后得到的不确定性决策规则的可信度均小于 1。

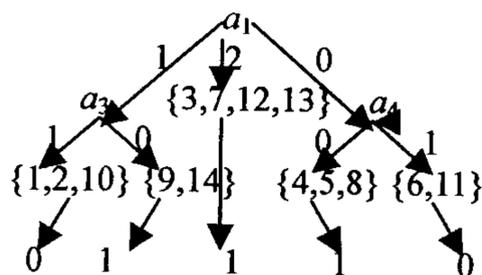


图 1 决策树

表 2 最小确定性决策规则集

序号	决策规则集	可信度	覆盖度
1	$(a_1, 1) \wedge (a_3, 1) \rightarrow (d, 0)$	1	3/14
2	$(a_1, 1) \wedge (a_3, 0) \rightarrow (d, 1)$	1	2/14
3	$(a_1, 2) \rightarrow (d, 1)$	1	4/14
4	$(a_1, 0) \wedge (a_4, 0) \rightarrow (d, 1)$	1	3/14
5	$(a_1, 0) \wedge (a_4, 1) \rightarrow (d, 0)$	1	2/14

### 4 结束语

在决策表中,以知识决策熵的属性重要性为启发信息,自顶向下递归构造决策树,然后遍历决策树,并简化所获得的决策规则。实例分析的结果表明,该算法为从决策表中搜索最小决策规则提供了一种有效的方法,并且该研究可进一步扩展粗糙集理论的应用领域。

#### 参考文献:

[1] Wu X D, Urpani D. Induction by attribute elimination[J].

(上接第 96 页)

MFP 算法只需对事务数据库扫描一次,就可把事务数据库转换成 MFP 树,然后对 MFP 树进行挖掘。实验表明:MFP 算法的关联规则挖掘时间效率较高,是一种切实高效的挖掘方法。

#### 参考文献:

[1] 刘乃丽,李玉忱.一种基于 FP-tree 的最大频繁项目集挖掘算法[J]. 计算机应用,2005,25(5):999-1000.  
 [2] 毛国君,段立娟.数据挖掘原理与算法[M].北京:清华大学出版社,2005.  
 [3] Goebel M, Gruenwald L. A Survey of Data Mining and Knowledge Discovery Software Tools[J]. SIGKDD Explo-

IEEE Transaction on Knowledge and Data Engineering, 1999,11(5):805-812.

[2] 林嘉宜,彭宏,郑启伦.一种新的基于粗糙集的值约简算法[J]. 计算机工程,2003,29(4):70-71.  
 [3] 常犁云,王国胤,吴渝.一种基于 Rough Set 理论的属性约简及规则提取方法[J]. 软件学报,1999,10(11):1206-1211.  
 [4] 黄兵,周献中.不一致决策表中规则提取的矩阵算法[J]. 系统工程与电子技术,2005,27(3):441-445.  
 [5] 苗夺谦,王珏.基于粗糙集的多变量决策树构造方法[J]. 软件学报,1997,8(6):425-431.  
 [6] 刘小虎,李生.决策树的优化算法[J]. 软件学报,1998,9(10):797-800.  
 [7] Hong J R. AE1: An extension matrix approximate method for general covering problem[J]. International Journal of Computer and Information Science, 1985,14(6):421-437.  
 [8] 王国胤.决策表核属性的计算方法[J]. 计算机学报,2003,26(5):611-615.  
 [9] Liang J Y, Shi Z Z. The information entropy, rough entropy and knowledge granulation in rough set theory[J]. International Journal of Uncertainty, Fuzziness and Knowledge-Based Systems, 2004,12(1):37-46.  
 [10] Guan J W, Bell D A. Rough computational methods for information systems[J]. Artificial Intelligences, 1998,105:77-103.  
 [11] 郑芳,吴云志,杭小树.粗糙理论中知识的粗糙性研究[J]. 计算机工程与应用,2002,38(4):98-101.  
 [12] 徐章艳,刘作鹏,杨炳儒,等.一个复杂度为  $\max(O(|C||U|), O(|C|^2|U|))$  的快速属性约简算法[J]. 计算机学报,2006,29(3):391-399.  
 [13] Grzymala-Bausse D M, Grzymala-Busse J W. The usefulness of a machine learning approach to knowledge acquisition [J]. Computational Intelligence, 1995,11(2):268-279.

rations, 1999,1(5):20-23.

[4] 蒋良孝.一种基于 FP-增长的决策规则挖掘算法[J]. 计算机科学,2003,32(6):23-25.  
 [5] Han J, Pei J. Freespan: Frequent pattern-projected Sequential pattern Mining[R]. In Technical Report CMPT2000-06, Simon Fraser University, 2000:6-12.  
 [6] 高俊,何守才.布尔型关联规则挖掘算法[J]. 计算机工程,2006,32(1):116-118.  
 [7] Han Jiawei. Data Mining: Concepts and Techniques[D]. Burnaby: Simon Fraser University, 2000:155-163.  
 [8] 张云涛,龚玲.数据挖掘原理与技术[M].北京:电子工业出版社,2004.